

# **TYPES ABSTRAITS**

# Types abstraits

*Abstract Data Type* — ADT

Type abstrait : un ensemble d'objets et un ensemble d'opérations

But : comparaison d'implantations qui offrent la même fonctionnalité

Pensez, p.e., à des interfaces de Java : signature des méthodes+sémantique (en Javadoc) mais plusieurs implantations possibles

Notez que interface ne définit que le syntaxe des opérations donc il ne correspond pas à la notion de l'ADT

# Java interface

Overview Package Class Use Tree Deprecated Index Help  
PREV CLASS NEXT CLASS FRAMES NO FRAMES All Classes  
SUMMARY: NESTED | FIELD | CONSTR | METHOD DETAIL: FIELD | CONSTR | METHOD

Java™ 2 Platform  
Std. Ed. v1.4.2

java.util

## Interface Collection

### All Known Subinterfaces:

[BeanContext](#), [BeanContextServices](#), [List](#), [Set](#), [SortedSet](#)

### All Known Implementing Classes:

[AbstractCollection](#), [AbstractList](#), [AbstractSet](#), [ArrayList](#), [BeanContextServicesSupport](#),  
[BeanContextSupport](#), [HashSet](#), [LinkedHashSet](#), [LinkedList](#), [TreeSet](#), [Vector](#)

.....

### Method Summary

boolean	<a href="#">add(Object o)</a>	Ensures that this collection contains the specified element (optional operation).
boolean	<a href="#">addAll(Collection c)</a>	Adds all of the elements in the specified collection to this collection (optional operation).
void	<a href="#">clear()</a>	Removes all of the elements from this collection (optional operation).
boolean	<a href="#">contains(Object o)</a>	Returns true if this collection contains the specified element.
boolean	<a href="#">containsAll(Collection c)</a>	Returns true if this collection contains all of the elements in the specified collection.
boolean	<a href="#">equals(Object o)</a>	Compares the specified object with this collection for equality.
int	<a href="#">hashCode()</a>	Returns the hash code value for this collection.
boolean	<a href="#">isEmpty()</a>	Returns true if this collection contains no elements.

pas un ADT mais une abstraction ...

# Nombres naturels

Objets :  $N = \{0, 1, \dots\}$

Opérations :

`add`:  $N \times N \mapsto N$ ;

`succ`:  $N \mapsto N$ ;

`eq ?`:  $N \times N \mapsto \{\text{vrai}, \text{faux}\}$ ;

`less`:  $N \times N \mapsto \{\text{vrai}, \text{faux}\}$

Beaucoup d'implantations possibles :

chaînes de chiffres (base 10, `String`), factorisation en primes (`int []`),  $i \in N$  représenté par un `char []` de longueur  $i$

Grande différence dans l'efficacité de l'exécution d'opérations

# Nombres naturels — implantation 1

```
public class N {  
    private int valeur ; // implantation basé sur le type int  
    public N(int v){this.valeur = v;}  
    public N add(N a, N b){  
        return new N(a.valeur+b.valeur);  
    }  
    ...  
}
```

implantation facile

problème de représentation (si  $v \geq 2^{31}$ )

# Nombres naturels — implantation 2

```
public class N {  
    private String valeur ; // chaîne de chiffres  
    public N(String v){this.valeur = v; }  
    public N add(N a, N b) {  
        // ... l'«algorithme» d'addition sur papier  
    }  
    ...  
}
```

implantation un peu plus compliquée

pas de problème de représentation (au moins jusqu'à  $10^{2^{31}}$  — longueur max de String est Integer.MAX\_VALUE)

# Nombres naturels — implantation 3

factorisation :  $312 = 2^3 \cdot 3 \cdot 13 = 2^3 \cdot 3^1 \cdot 5^0 \cdot 7^0 \cdot 11^0 \cdot 13^1$  représenté par  
int [] fact = {3, 1, 0, 0, 0, 1}

```
public class N {
    private int[] fact ; // factorisation en primes
    public N(String in) {
        // factorisation
    }
    public N add(N a, N b) {
        // ... algorithme d'addition + factorisation du résultat
    }
    ...
}
```

implantation assez compliquée

par contre, pgcd est facile à calculer sans l'algo d'Euclid :

si  $a = \sum_i p_i^{a_i}$  et  $b = \sum_i p_i^{b_i}$ , alors  $\text{pgcd}(a, b) = \sum_i p_i^{\min\{a_i, b_i\}}$ .

(avec les nombres premiers  $p_1 = 2, p_2 = 3, p_3 = 5, \dots$ )