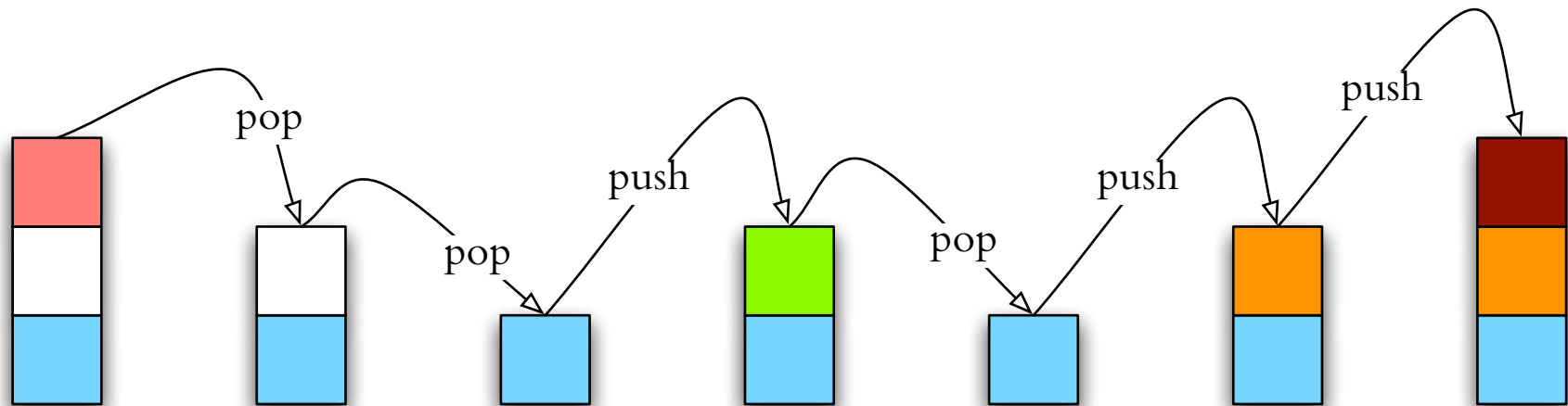


Pile — idée

Idée de pile : objets empilés un sur l'autre, on ne peut accéder qu'à l'élément supérieur

opérations : «empiler» (push) et «dépiler» (pop)



Pile

Objets : listes de style A_1, A_2, \dots, A_n et la liste nulle

Opérations :

push : $P \times O \mapsto P$; p.e., push(P, x)

pop : $P \mapsto P \times O$; p.e., pop(P)

isEmpty : $P \mapsto \{\text{vrai, faux}\}$

En fait, push et pop sont implantés en modifiant leur argument de pile (au lieu de retourner une nouvelle pile)

Pile — implantation avec un tableau

Idée : on utilise un tableau avec un indice pour le sommet de la pile

(Un petit problème : la taille de la pile est bornée dans cette implantation)

```
public class Pile {
    private int sommet;
    private Object[] P;
    private static final int MAX_TAILLE = 100;

    public Pile(){
        P = new Object[MAX_TAILLE];
        sommet = 0;
    }
    public boolean isEmpty(){return (sommet==0);}
    ...
}
```

sommet indique où mettre le prochain objet de push

Pile — cont.

```
public void push(Object O) {  
    P[sommet] = O;  
    sommet++;  
}
```

Qu'est-ce qui se passe si on a trop d'éléments sur la pile ?

→ la pile **déborde** (*overflow*)

dans cette implantation : `ArrayIndexOutOfBoundsException`
c'est OK

Pile — cont.

```
public Object pop(){
    sommet --;
    return P[sommet];
}
```

Qu'est-ce qui se passe si on essaie de dépiler d'une pile vide ?

→ la pile **déborde négativement** (*underflow*)

dans cette implantation : `ArrayIndexOutOfBoundsException`
n'est pas trop élégant

Pile — cont.

Introduisons une exception spécifique à notre pile :

`StackUnderflowException`

```
public class Pile {
    ...
    static class StackUnderflowException extends RuntimeException {
        private StackUnderflowException(String message) {
            super(message);
        }
    }
    public Object pop(){
        if (sommet == 0)
            throw new StackUnderflowException("Rien ici.");
        sommet --;
        return P[sommet];
    }
}
```

(comme c'est une sous-classe de `RuntimeException`, on ne doit pas la déclarer par `throws`)

Pile — efficacité

Temps de calcul par opération : $O(1)$

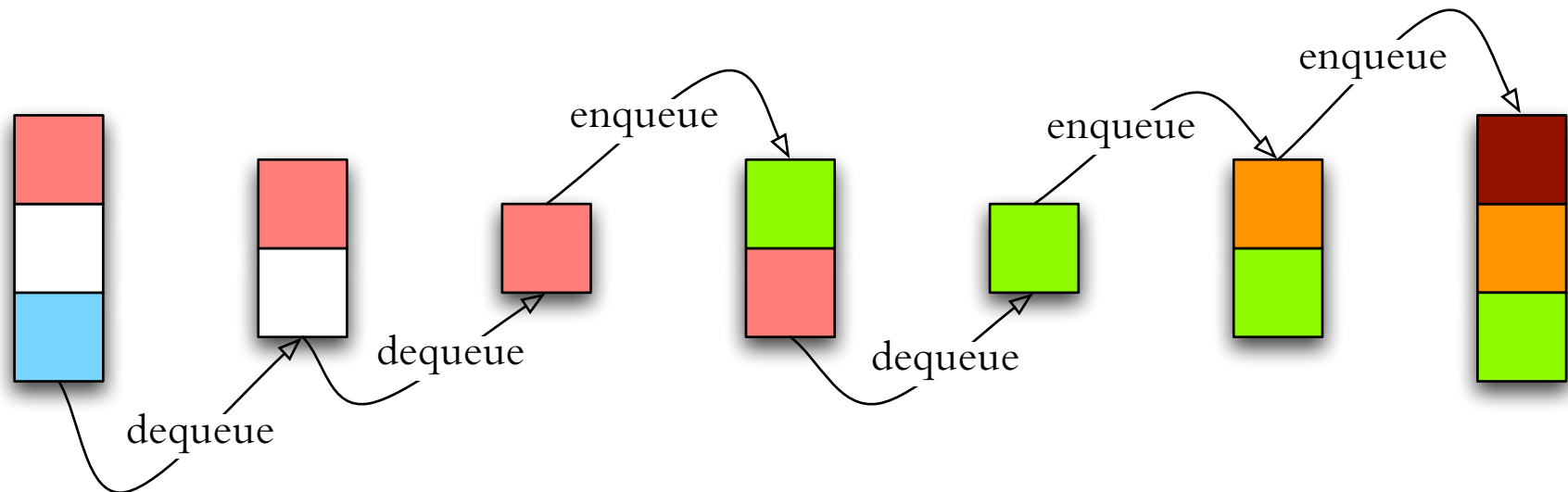
Accès à un élément quelconque : n'est pas possible directement, il faut utiliser une autre liste pour dépiler tous les éléments sur l'élément cherché ça prend $O(n)$ temps et une espace de travail $O(n)$ pour l'élément en position n

Queue — idée

(*queue* ou *file*, *queue* en anglais)

Idée de queue : comme une file d'attente, objets rangés un après l'autre, on peut enfiler à la fin ou défiler au début

opérations : «enfiler» (*enqueue*) et «défiler» (*dequeue*)



Queue

Objets : listes de style A_1, A_2, \dots, A_n et la liste nulle

Opérations :

enqueue: $Q \times O \mapsto Q$; p.e., enqueue(Q, x)

dequeue: $Q \mapsto Q \times O$; p.e., dequeue(Q)

isEmpty: $Q \mapsto \{\text{vrai, faux}\}$

En fait, enqueue et dequeue sont implantés en modifiant leur argument de queue (au lieu de retourner une nouvelle queue)