



IFT6223  
Systèmes reconfigurables

ASM

Jean Pierre DAVID

[david@iro.umontreal.ca](mailto:david@iro.umontreal.ca)

Université de Montréal

# Plan

---

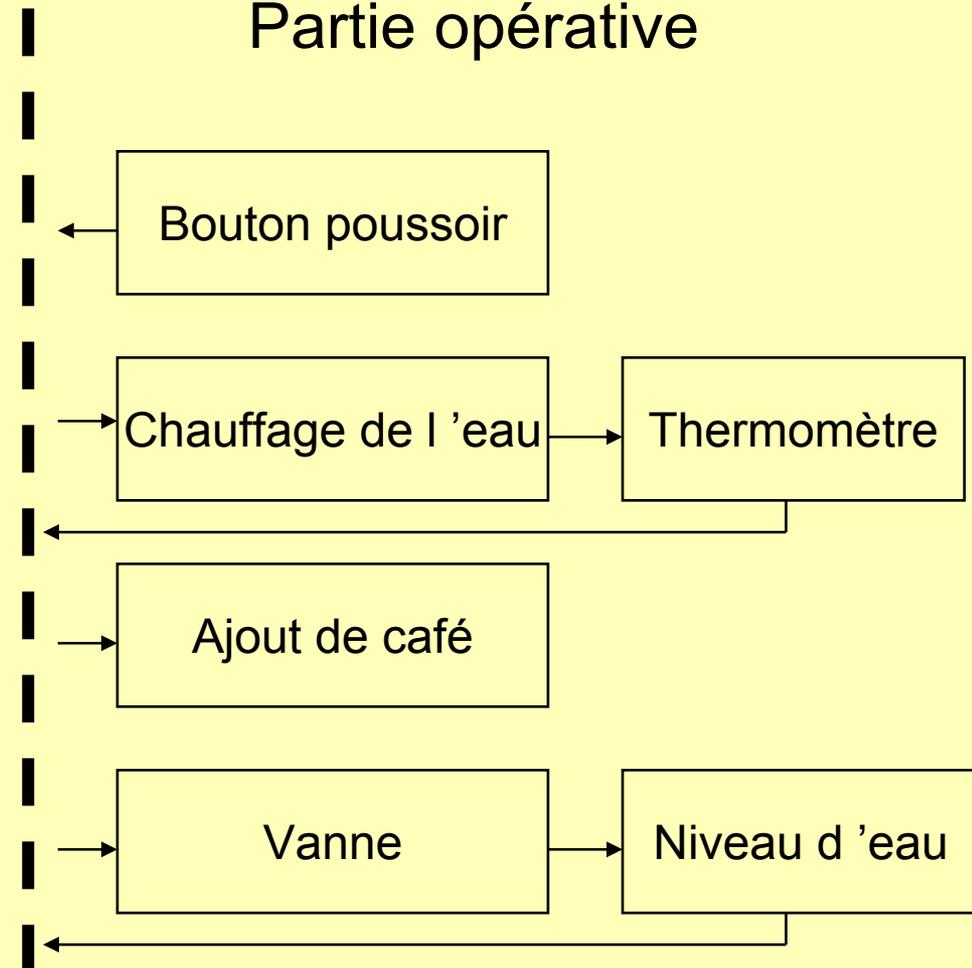
- Introduction à la synthèse de systèmes numériques.
- Rappels sur la logique synchrone
- La notion d'ASM
- Le passage d'un langage de haut niveau (C) à l'ASM
  - Un exemple illustratif (Algorithme de Fermat)
- Une première optimisation
  - Application à l'exemple
- Synchronisation des transferts de données
  - Application à l'exemple
- Perspectives

# Exemple: Une machine à café automatique

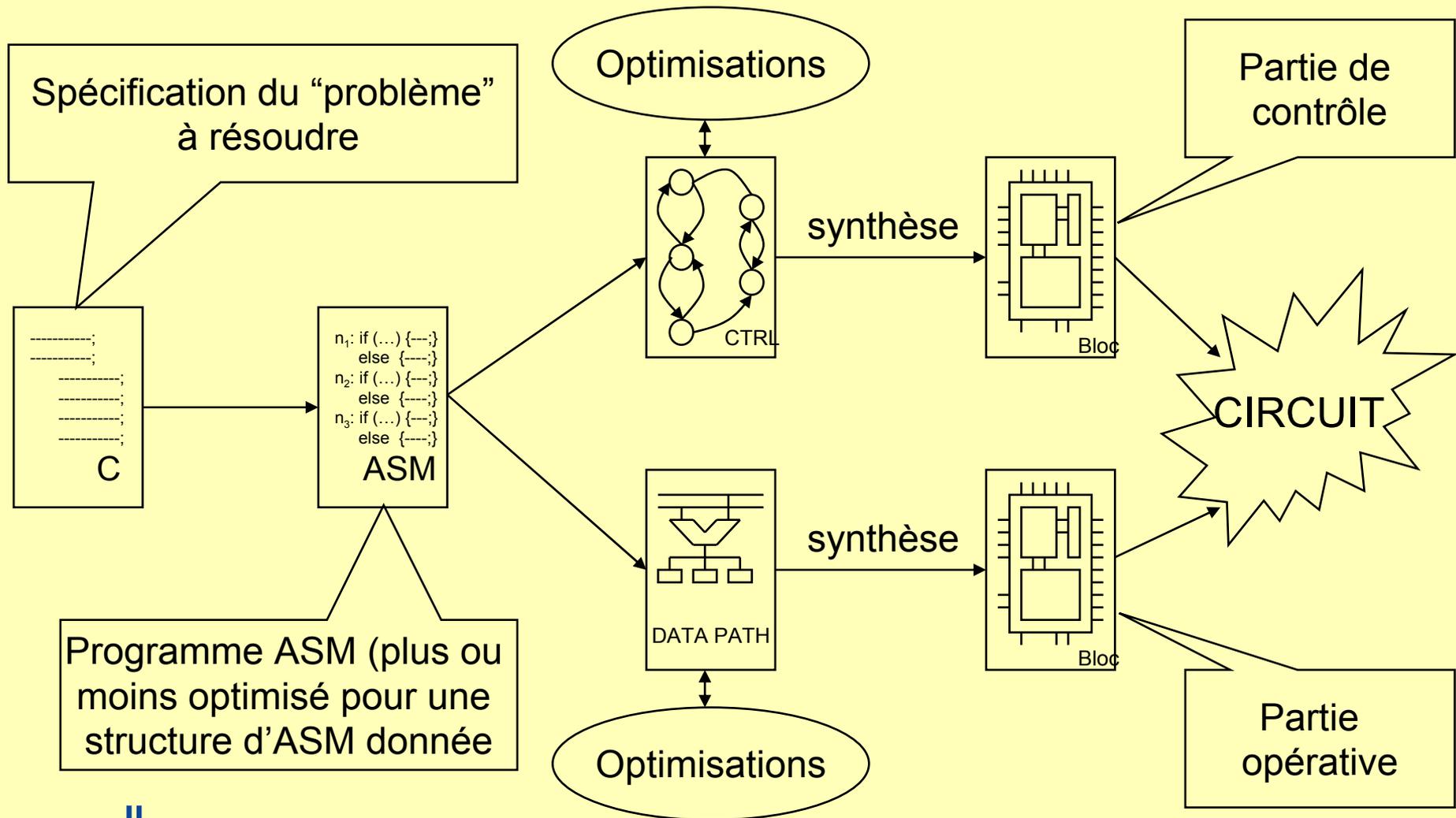
## Partie de contrôle

- Attendre que l'on pousse sur le bouton
- Chauffer l'eau
- Attendre qu'elle soit chaude
- Mettre une dose de café
- Ouvrir la vanne d'eau
- Attendre que la tasse soit remplie
- Fermer la vanne
- Arrêter le chauffage de l'eau

## Partie opérative

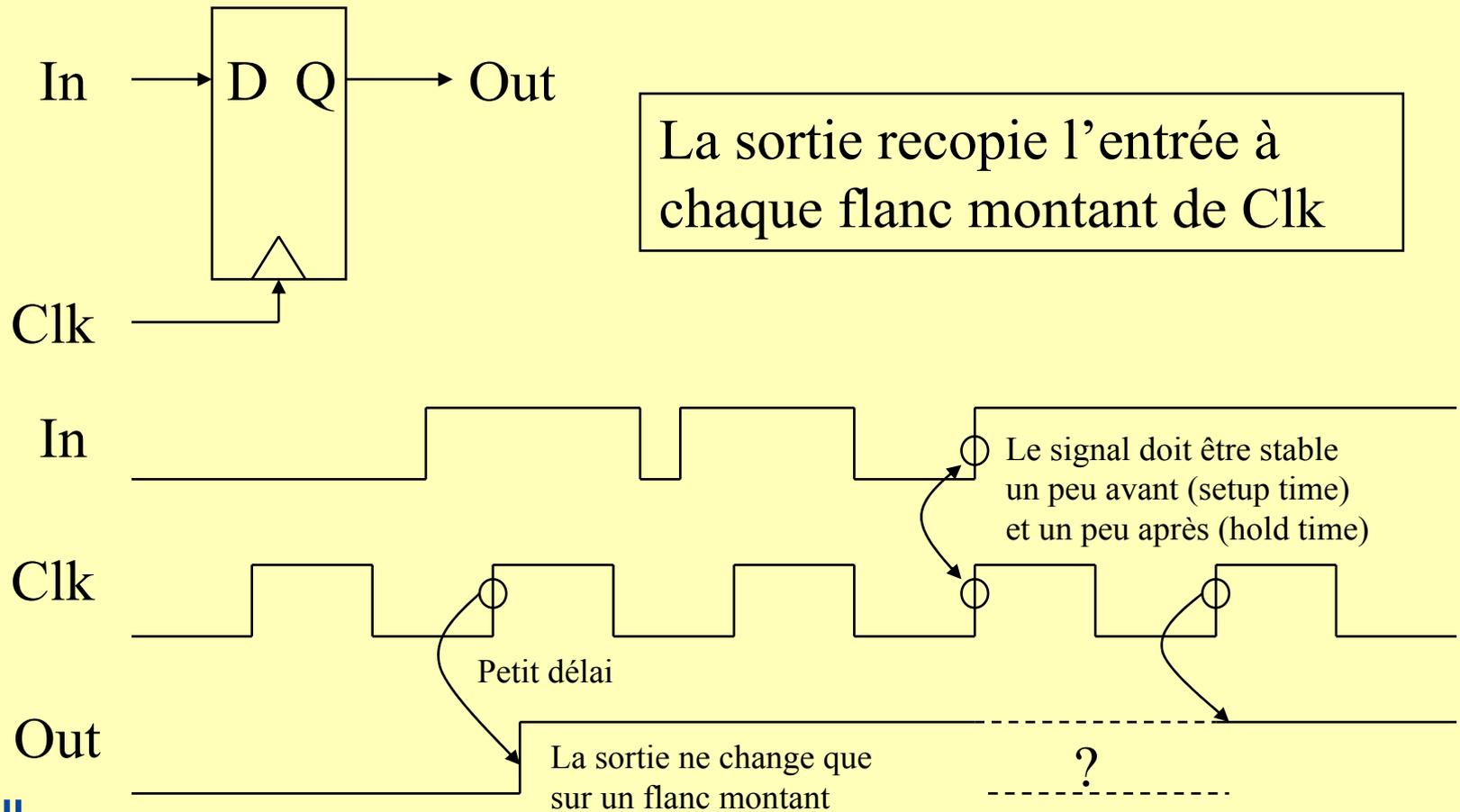


# La conception/réalisation d'un circuit

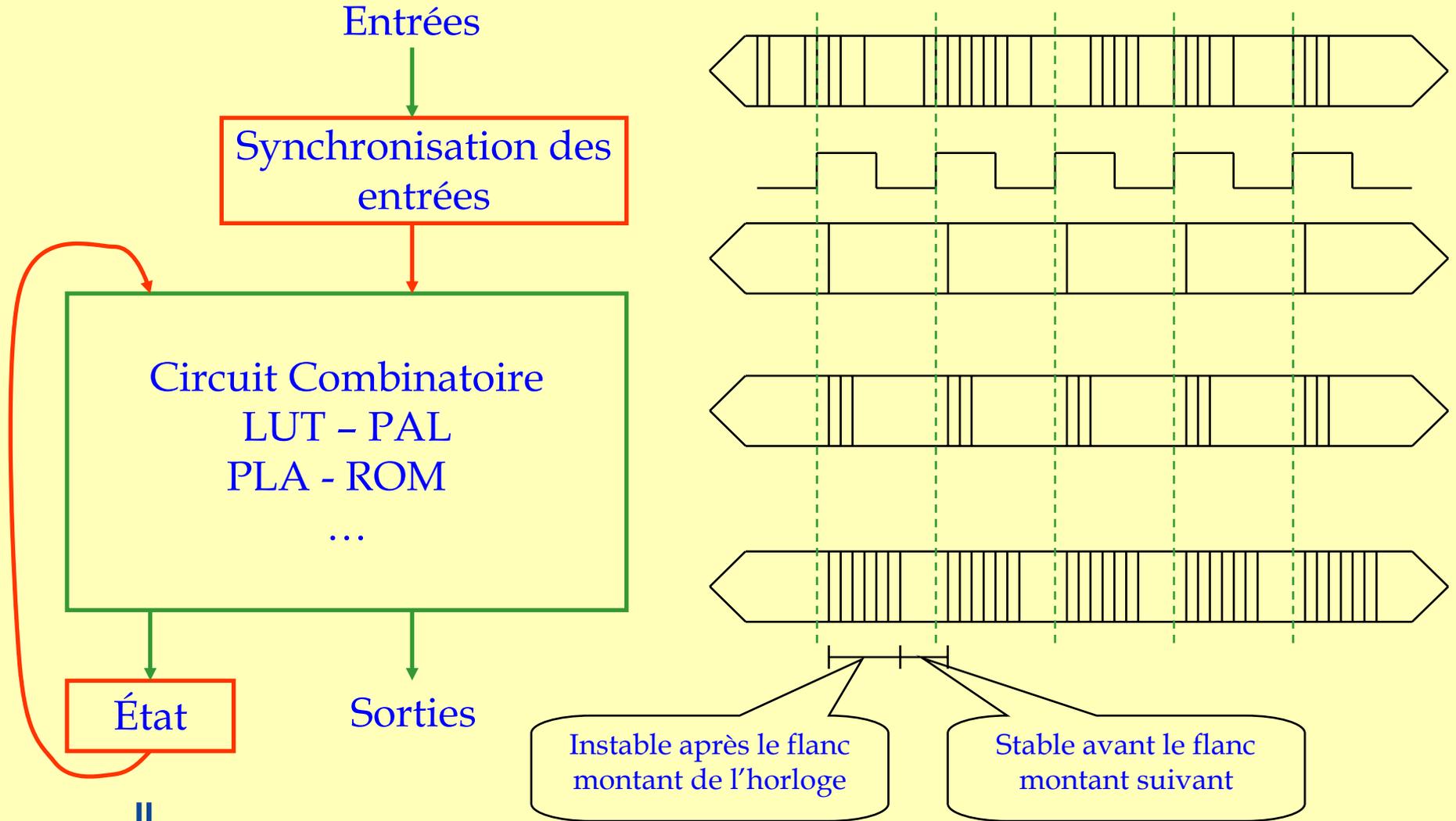


# La logique synchrone (1/2)

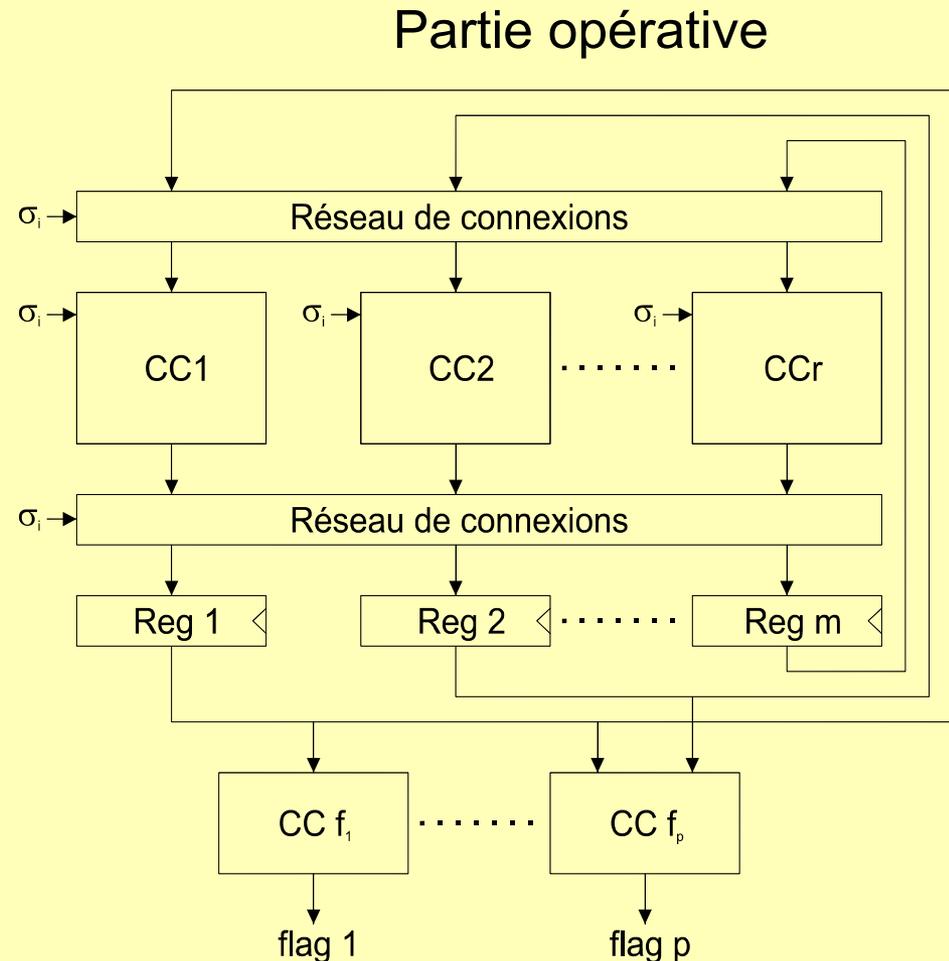
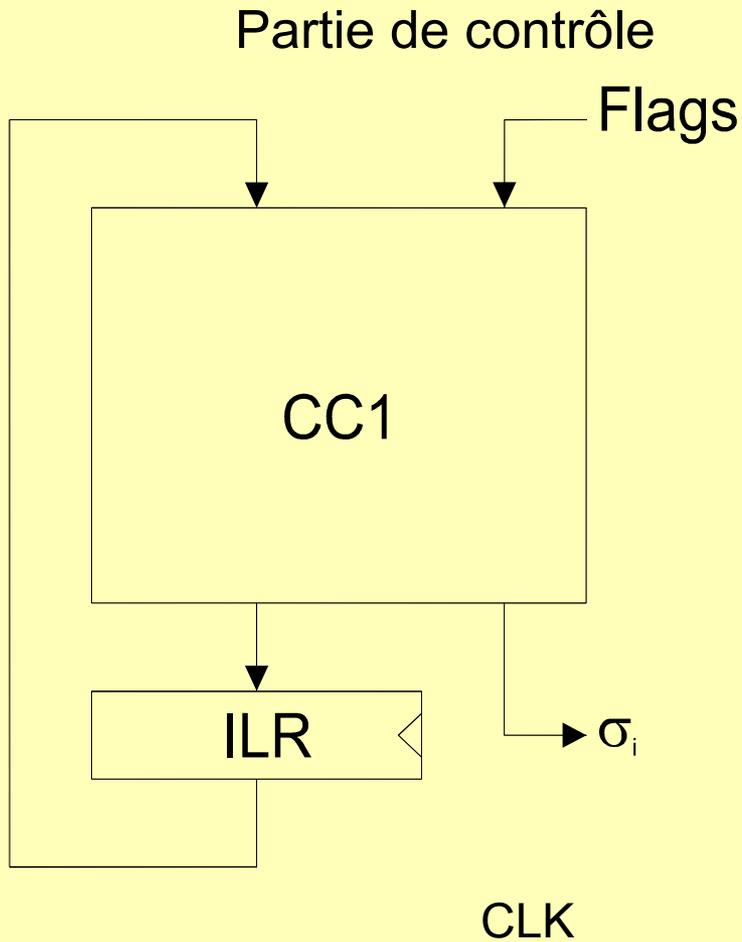
## Le flip-flop D (ou Register)



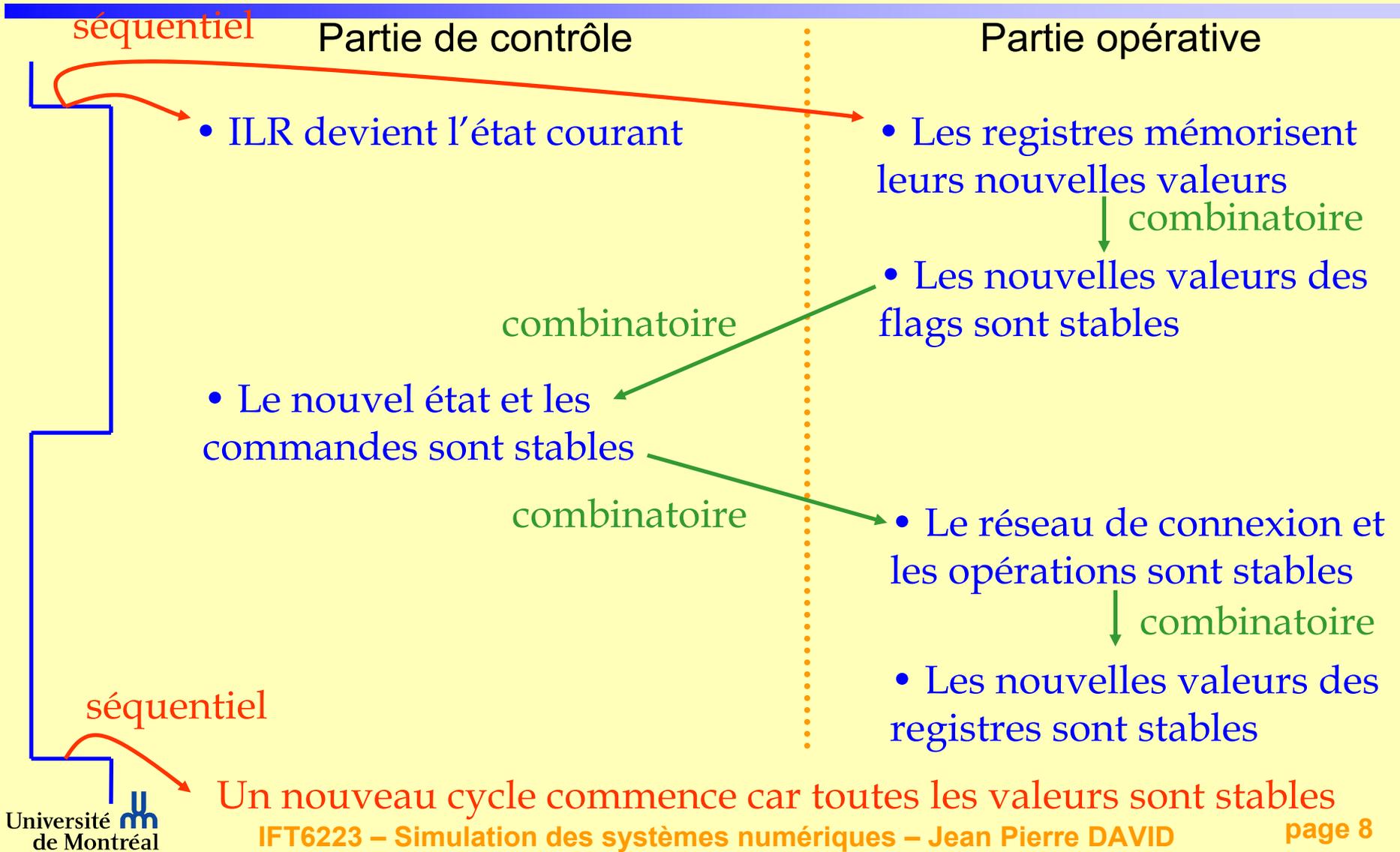
# La logique synchrone (2/2)



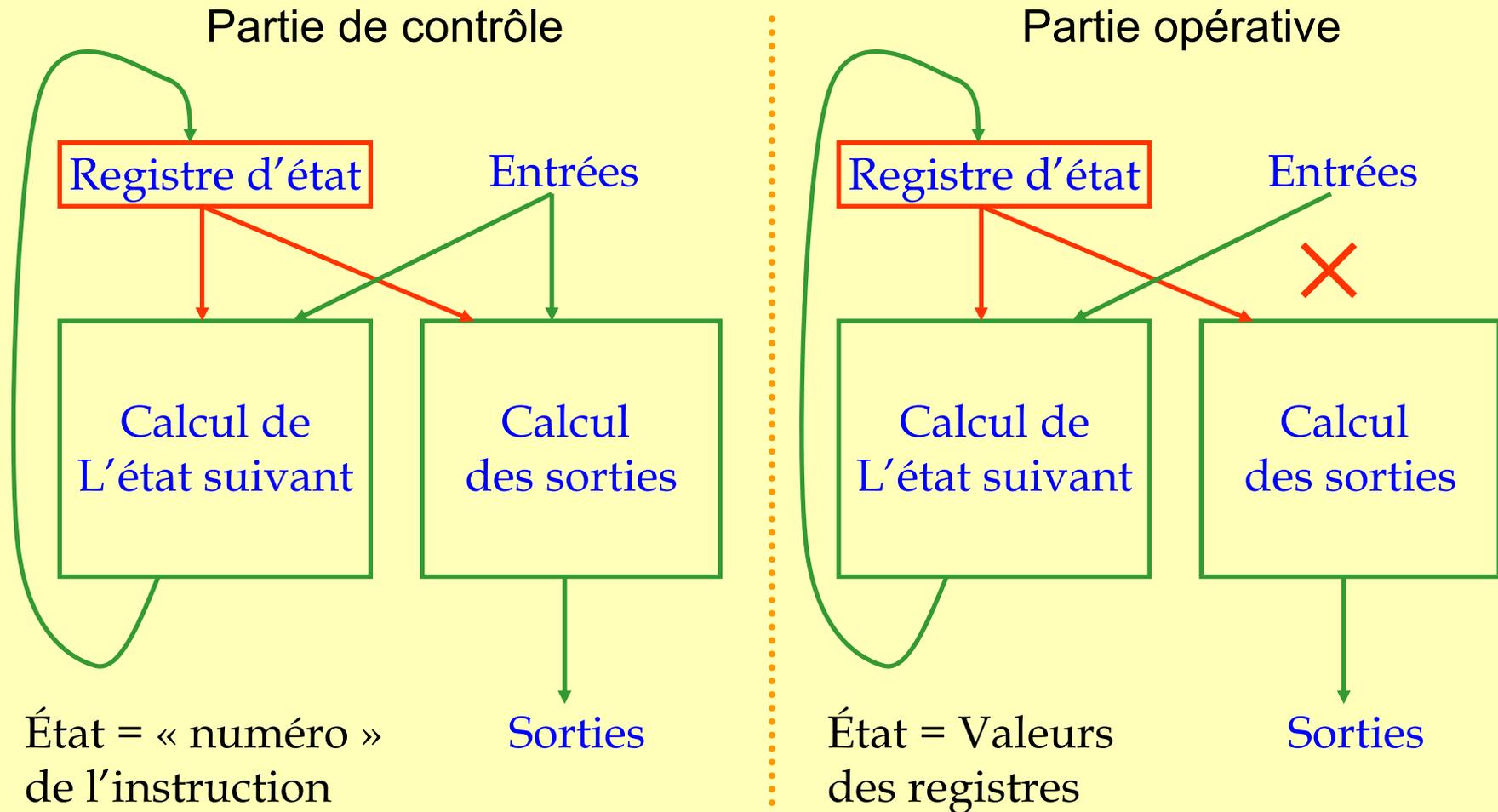
# Algorithmic State Machine (ASM) (1/4)



# Algorithmic State Machine (ASM) (2/4)



# Algorithmic State Machine (ASM) (3/4)



Machine de Mealy

Machine de Moore

# Algorithmic State Machine (ASM) (4/4)

## Forme générale

```
ni: switch (tn-1..t0) {  
    case 0      :a=F(a,b,c);b=G(a,b,c);c=H(a,b,c); goto nj;}  
    case ...    :a=I(a,b,c);b=J(a,b,c);c=K(a,b,c); goto nk;}  
    case 2n-1 :a=X(a,b,c);b=Y(a,b,c);c=Z(a,b,c); goto n1;}  
}
```

## Forme conditionnelle

```
ni: if (t0)      {a=F(a,b,c); b=G(a,b,c); c=H(a,b,c); goto nj;}  
    else        {a=X(a,b,c); b=Y(a,b,c); c=Z(a,b,c); goto n1;}  
}
```

## Forme inconditionnelle

```
ni: if (true) {a=F(a,b,c); b=G(a,b,c); c=H(a,b,c); goto nj;}  
}
```

Convention : l'opérateur 'a=F' signifie : au prochain flanc montant de l'horloge (globale), a prendra la valeur présente de F.

# Du langage C vers l'ASM (1/3)

## 1 Élimination des structures « for »

for (exp1;exp2;exp3) exp4	F0:	exp1; while (exp2) { exp4 exp3; }
---------------------------	-----	---

## 2 Élimination des structures « while »

while (exp1) exp2	W0:	if (exp1) {exp2 goto W0;}
do exp2 while (exp1);	D0:	exp2 if (exp1) goto D0;

# Du langage C vers l'ASM (2/3)

## 3 Élimination des tests imbriqués

```
if (exp_test) exp1;  
else exp2;
```

```
I0:    if (exp_test) goto I0i;  
       else goto I0e;  
I0i:   exp1; goto I0n;  
I0e:   exp2; goto I0n;  
I0n:
```

```
switch (exp_test) {  
  case 0: exp0;  
  ...  
  case P: expP;  
}
```

```
S0:    switch (exp_test) {  
       case 0: goto S0_0;  
       ...  
       case P: goto S0_P;  
S0_0:  exp0;  
       ...  
S0_P:  expP;
```

# Du langage C vers l'ASM (3/3)

## 4 Simplifier et paralléliser les expressions

Règle: En ASM, toutes les opérations d'un même état se font en parallèle. Les valeurs « à droite » sont évaluées en parallèle avant d'être affectées aux variables « à gauche ». Chaque instruction C doit donc théoriquement faire l'objet d'un état de l'ASM.

- ✓ Simplifier les expressions en supprimant les {} inutiles, les étiquettes multiples et les branchements inaccessibles.
- ✓ Augmenter le parallélisme :
  - o Toutes les opérations successives qui sont indépendantes peuvent être effectuées en parallèle dans un seul état de l'ASM
  - o Certaines dépendances triviales peuvent être parallélisées en tenant compte de la règle ci-dessus.
    - o Ex:  $a=b; c=a+d$  (en C); devient  $\{a=b; c=b+d;\}$  (en ASM)
  - o Les branchements vers des instructions n'impliquant pas de test peuvent être regroupés dans un seul état.

# Exemple : L'algorithme de Fermat

```
int Prime(unsigned long N) {
    long x,y,r,N2;
    int OK;

    if (N%2==0) OK=0;
    else {
        N2=sqrt(N); x=1+2*N2; y=1; r=N2*N2-N;
        while (r!=0) {
            if (r<0) {r=r+x; x=x+2;}
            else {r=r-y; y=y+2;}
        }
        OK=(x-y==2);
    }
    if (N==2) return 1;
    else return OK;
}
```

# Éliminer les structures while

---

```
if (N%2==0) OK=0;
    else {
        N2=sqrt(N); x=1+2*N2; y=1; r=N2*N2-N;
W0: if (r!=0) {{
            if (r<0) {r=r+x; x=x+2;}
            else {r=r-y; y=y+2;}
        }; goto W0;}

        OK=(x-y==2);
    }
if (N==2) return 1;
else return OK;
}
```

# Éliminer les tests imbriqués (1/2)

```
I0:      if (N%2==0) goto I0i;
          else goto I0e;
I0i:     OK=0; goto I0n;
I0e:{
          N2=sqrt(N); x=1+2*N2; y=1; r=N2*N2-N;
W0: if (r!=0) {{
          if (r<0) {r=r+x; x=x+2;}
          else {r=r-y; y=y+2;}
          }; goto W0;}

          OK=(x-y==2);
        } goto I0n;
I0n:
          if (N==2) return 1;
          else return OK;
}
```

# Éliminer les tests imbriqués (2/2)

```
I0:      if (N%2==0) goto I0i; else goto I0e;
I0i:     OK=0; goto      I0n;
I0e:     {N2=sqrt(N); x=1+2*N2; y=1; r=N2*N2-N;
W0:I1:  if (r!=0) goto I1i; else goto I1e;
I1i:     {}
I2:     if (r<0) goto I2i;
         else      goto I2e;
I2i:     {r=r+x; x=x+2;} goto I2n;
I2e:     {r=r-y; y=y+2;} goto I2n;
I2n:     }; goto W0;} goto I1n;
I1e:     goto I1n;
I1n:     OK=(x-y==2);}
I0n:I3:  if (N==2) goto I3i;
         else goto I3e;
I3i:     return 1; goto I3n;
I3e:     return OK; goto I3n;
I3n:     end;}
```

# Simplifier les expressions et augmenter le paral.

Entrées :        long N;  
Variables :     long x,y,r,N2;  
                  int OK;

```
I0:     if (N%2==0)     {OK=0; goto I3;}  
         else            {N2=sqrt(N); y=1; goto N0;}  
N0:     if (true)        {x=1+2*N2; r=N2*N2-N; goto W0}  
W0:     if (r!=0)        {goto I1i;}  
         else            {OK=(x-y==2); goto I3;}  
I1i:    if (r<0)        {r=r+x; x=x+2; goto W0};  
         else            {r=r-y; y=y+2; goto W0};  
I3:     if (N==2)        {return 1;}  
         else            {return OK};
```



# Augmenter la fréquence (réduire les délais) (2/2)

## 5 Anticiper le calcul des tests

Soit l'état  $N_i$  d'un ASM qui évalue un test  $T_i$ :

```
 $N_i$ : if ( $T_i$ )    { $a=F(a, b, c)$ ;  $b=G(a, b, c)$ ;  $c=H(a, b, c)$ ; goto  $N_j$ ; }  
      else      { $a=X(a, b, c)$ ;  $b=Y(a, b, c)$ ;  $c=Z(a, b, c)$ ; goto  $N_1$ ; }
```

- L'idée consiste en ce que  $T_i$  ne soit plus le résultat d'une fonction combinatoire des registres de la partie opérative (car cela prend un certain délai à évaluer) mais qu'il soit lui aussi un registre (1 bit). Il doit donc avoir été calculé à l'étape précédente.
- Il faut donc calculer la valeur de  $T_i$  dans tous les états qui peuvent directement précéder  $N_i$  (tous les goto  $N_i$ ).
- Attention, il faut tenir compte des valeurs qu'auront les registres APRES l'exécution des instructions liées à ces états.

# Application à l'exemple

Entrées : long N;  
Variables : long x,y,r,N2;  
int OK;

Déjà un registre (le bit de poids faible de N)

```
I0:    if (N%2==0)    {OK=0; T2=(N==2); goto I3;}  
        else        {N2=sqrt(N); y=1; goto N0;}  
N0:    if (true)      {x=1+2*N2; r=N2*N2-N; T1=0; goto W0;}  
W0:    if (T1)        {goto I1i;}  
        else        {OK=(x-y==2); T2=(N==2); goto I3;}  
I1i:   if (r<0)      {r=r+x; x=x+2; T1=((r+x) !=0); goto W0;}  
        else        {r=r-y; y=y+2; T1=((r-y) !=0); goto W0;}  
I3:    if (T2)        {return 1;}  
        else        {return OK;}
```

Déjà un registre  
(le bit de poids fort de r)

# Synchronisation des transferts de données

## 6 Ajouter des signaux de synchronisation

- 1) Le circuit doit avoir un signal qui va déclencher son exécution.
- 2) Une fois le résultat disponible, le circuit devra transmettre son résultat.

*De nombreux protocoles existent. Dans un premier temps, nous considérerons seulement le cas synchrone simple :*

- Un signal d'entrée « start » charge les registres d'entrée de la fonction avec leurs valeurs et démarre l'exécution de l'algorithme

```
INIT:  if (Start)      {Ready=0; Initialiser les registres;
        goto N0;}
        else          {goto INIT;}
```

- Un signal de sortie « ready » est validé lorsque les résultats sont disponibles. L'instruction return est donc remplacée par

```
...      ...          {Result= ...; Ready=1; goto INIT;}
```

# Application à l'exemple

Entrée(s) : long Input;  
Variables : long N,x,y,r,N2;  
int OK;  
Sortie(s) : int Result;

```
INIT:  if (Start)          {Ready=0; N=Input; goto I0;}
        else              {goto INIT;}
I0:    if (N%2==0)        {OK=0; T2=(N==2); goto I3;}
        else              {N2=sqrt(N); y=1; goto N0;}
N0:    if (true)          {x=1+2*N2; r=N2*N2-N; T1=0; goto W0}
W0:    if (T1)            {goto I1i;}
        else              {OK=(x-y==2); T2=(N==2); goto I3;}
I1i:   if (r<0)          {r=r+x; x=x+2; T1=((r+x) !=0); goto W0;}
        else              {r=r-y; y=y+2; T1=((r-y) !=0); goto W0;}
I3:    if (T2)            {Result=1; Ready=1; goto INIT;}
        else              {Result=OK; Ready=1; goto INIT;}
```

# Perspectives

---

- Comment compiler un ASM pour un FPGA ?
  - Langage de description de matériel
- Existe-t-il plusieurs implémentations possibles ?
  - Partie de contrôle
  - Partie opérative
- Comment le logiciel de CAO travaille-t-il ?
- Comment interconnecter plusieurs ASM entre eux ?
- Comment gérer des accès à la mémoire ?
- Le processeur est-il un ASM particulier ?
- Comment utiliser plusieurs horloges ?