

Cryptographie

IFT2105

H2012

(Alain Tapp)

Introduction

Depuis fort longtemps, les hommes ont tenté de rendre sécuritaires leurs communications confidentielles. Différentes techniques ont été utilisées.

Au début, il s'agissait seulement de cacher l'existence du message. Cette technique s'appelle la stéganographie.

Puis, des techniques de plus en plus sophistiquées furent utilisées pour rendre les messages compréhensibles seulement par leurs destinataires légitimes.

Tout au cour de l'histoire, une difficile bataille eut lieu entre les constructeurs de code (cryptographes) et ceux qui essayaient de les briser (les cryptanalystes). Il n'est toujours pas clair, même aujourd'hui, qui sera le vainqueur.

Stéganographie

Le plus ancien exemple de stéganographie a été rapporté par **Hérodote**. C'était lors du conflit entre la Grèce et la Perse au **5ième siècle av. J.-C.**

Les Perses voulaient conquérir la Grèce et avaient préparé pendant 5 années une imposante armée. Heureusement pour les Grecques, **Damaratus**, un Grec exilé en Perse eu vent de ce projet.

Il inscrivit son message sur des tablettes de bois et les recouvrit de cire. Les tablettes avaient donc l'air vierges. Elles n'attirèrent pas l'attention des gardes tout au long du parcours.

Les Grecques, une fois mis au courant de l'attaque perse à venir, eurent le temps de se préparer et lors de l'attaque, ils mirent l'armée perse en déroute.

Stéganographie

Hérodote rapporte aussi l'histoire d'**Histaïæus** qui, pour transmettre un message, rasa la tête de son messager et inscrivit le message sur son crane. Une fois les cheveux repoussés, le message put circuler sans attirer l'attention.

Durant la Deuxième Guerre mondiale, les Allemands utilisaient la technique du **micropoint**. Il s'agit de photographier avec un microfilm le document à transmettre. La taille du microfilm était de moins d'un millimètre de diamètre. On plaçait le micropoint à la place du point final d'une lettre apparemment anodine.

En 1941, le FBI repéra le premier micropoint. De nombreux messages furent par la suite interceptés.

Chiffrement de César

Dans le célèbre film de Stanley Kubrick

2001 : A Space Odyssey

un des personnages principaux est un super ordinateur appelé

HAL9000

Le film a été réalisé en 1969.

Est-ce qu'il y a un message caché dans le nom de l'ordinateur?

Chiffrement de César

Cette technique simple de chiffrement effectuant un décalage est appelé chiffrement de César.

Par exemple, avec un décalage de trois, mon nom devient

ALAIN TAPP = DODLQCWSS

(On décale aussi les espaces...)

Cette technique de chiffrement est-elle sécuritaire?

Chiffrement de César

On intercepte le message

FAGEMYREMPURZY_EMZR_R FMNMDAZR

Essayons différents décalages...

1: **E_FDIXQDLOTQYUZDLYQZQZELMJC_YQ**

2: **DZECKWPCKNSPXTYCKXPYPYDKIKBZXP**

3... 4... 5... 6... 7... 8... 9... 10... 11... 12...

13: **TOUS_LES_CHEMINS_MENENT_A_ROME**

Clairement, le chiffrement de César n'est pas sécuritaire.

Cryptosystème a clef courte

Principe de **Kerckhoff**

(La cryptographie militaire **1883**):

La sécurité d'un système de cryptographie ne doit pas dépendre de la préservation du secret de l'algorithme. La sécurité ne repose que sur le secret de la clef.

Substitution mono-alphabétique

Essayons autre chose.

 A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
_ R D O H X A M T C _ B K P E Z Q I W N J F L G V Y U S

TOUS_LES_CHEMINS_MENENT_A_ROME devient
FQIJRPAJRHCAE_ZJREAZAZFRDRNQEAE

Le décodage devrait être plus difficile. Peut-on essayer tous les décodages possibles?

Il y a $27! = 10\ 888\ 869\ 450\ 418\ 352\ 160\ 768\ 000\ 000$ possibilités...

La substitution mono-alphabétique apparaît déjà dans le *kàma-sùtra* qui fut écrit au 5^{ème} siècle mais qui est basé sur des écrits datant du 4^{ème} siècle av. J.-C.

Le premier usage révélé de chiffrement par substitution dans un usage militaire est rapporté par Jules César dans *La guerre des Gaules*. César utilisait fréquemment le chiffrement et en particulier le décalage de trois caractères.

La substitution mono-alphabétique fut la technique de chiffrement la plus utilisée durant le premier millénaire. Nombreux savants de l'antiquité tenaient cette technique pour inviolable.

Ce sont les Arabes qui réussirent à briser ce code et qui inventèrent la cryptanalyse au 9^{ème} siècle.

Exemple

BQPSNRSJXJNJXILDPCLDLPQBE_ QRKJXHNKPKSJPJIKSPUN
BDKIQRBKPQPBPQZITEJQDQBTSKPELNIUNPHNKPBKPCSS
QWKPSLXJPSNVVXSQCCCKDJPBIDWPXBPSTNVVXJPGKPJKDXI
PZLCEJKPGKSPSJQJXSJXHNKSPGPLZZNI IKDZKPGKSPGXV
VKIKDJKSPBKJJKS

Comment déchiffrer ce message?

Chaque lettre est chiffrée de la même façon...

Certaines lettres sont utilisées plus souvent.

Occurrence des lettres

En français

Dans le cryptogramme

—	19.3	L	4.7	H	0.8
E	13.9	O	4.1	G	0.8
A	6.7	D	2.9	B	0.6
S	6.3	P	2.5	X	0.4
I	6.1	C	2.4	Y	0.3
T	6.1	M	2.1	J	0.3
N	5.6	V	1.3	Z	0.1
R	5.3	Q	1.3	K	0.0
U	5.2	F	0.9	W	0.0

P	14.3	D	4.6	W	1.0
K	12.8	L	4.1	U	1.0
S	9.2	V	3.1	T	1.0
J	9.2	Z	2.6	—	0.5
X	5.6	G	2.6	O	0.0
Q	5.6	C	2.6	M	0.0
N	5.6	E	2.0	F	0.0
B	5.1	R	1.5	A	0.0
I	4.6	H	1.5	Y	0.0

Remplaçons P par _ et K par E

BQ SNRSJXJNJXLD CIDL QBE QREJXHNE ESSJ JIES UN
BDEIQRBE Q BQ ZITTEJQDQBTSE ELNINU HNE BE CESS
QWE SLXJ SNVXXSQCCEDJ BLDW XB SNVXXJ GE JEDXI
ZLCEJE GES SJQJXSJXHNE S G LZZNIIEDZE GES GXV
VEIEDJES BEJJIES

Remplaçons Q par A et B par L

LA SNRSJXJNJXLD CLDL ALLE AREJXHNE ESS JIES UN
LDEIARLE A LA ZITTEJADALTSE ELNIUN HNE LE CESS
AWE SLXJ SNVXXSACCEDJ LLDW XL SNVXJ GE JEDXI
ZLCEJE GES SJAJXSJXHNE G LZZNIIEDZE GES GXV
VEIEDJES LEJJIES

Remplaçons **S** par **S** et **G** par **D**

LA SNRSJXJNJXLD CLDL ALLE AREJXHNE ESJ JIES UN
LDEIARLE A LA ZITTEJADALITSE ELNIUN HNE LE CESS
AWE SLXJ SNVWXSACCEDJ LLDW XL SNVXJ DE JEDXI
ZLCEJE DES SJAJXSJXHNES D LZZNIIEDZE DES DXV
VEIEDJES LEJJIES

Remplaçons **J** par **T** et **I** par **R**

LA **SNRSTXTNTXLD** **CIDL** **ALIE** **ARETXHNE** **EST** **TRES** **UN**
LDERARLE **A** **LA** **ZRTETADAL** **TSE** **EINRUN** **HNE** **LE** **CESS**
AWE **SLXT** **SNVVXSACCEDT** **LLDW** **XI** **SNVVXT** **DE** **TEDXR**
ZLCE **TE** **DES** **STATXSTXHNES** **D** **LZZNRREDZE** **DES** **DXV**
VERED **TES** **LETTRES**

Remplaçons **X** par I, **H** par Q et **N** par U

LA SURSTITUTI**LD** **CLDL** AL**E** AR**E**TTI**Q**UE EST TR**E**S **UU**
L**D**ERAR**L**LE A LA **ZR**T**E**TT**A**D**A**L**T**SE **EL**UR**UU** **Q**UE LE **C**ESS
A**W**E **S**L**I**T **S**U**V**IS**A**CC**E**D**T** L**L**D**W** IL **S**U**V**IT DE **T**E**D**IR
ZL**C**E**T**E DES STAT**I**ST**I**Q**U**ES D **L**Z**Z**UR**R**E**D**Z**E** DES **D**I**V**
V**E**R**E**D**T**E**S** L**E**T**T**R**E**S

Remplaçons **V** par **F** et **D** par **N**

LA SURSTITUTION **LN** **CLNL** ALLE **ARE**TTIQUE EST TRES **UU**
LNERARIE A LA **ZRTE**TANALISE **ELURU** QUE LE **CESS**
AWE **S**LIT SUFFISACCENT **LNW** IL SUFFIT DE TENIR
ZLCESTE DES STATISTIQUES **D** **LZZ**URREN**ZE** DES DIF
FERENTES LETTRES

Remplaçons R par B et L par O

LA SUBSTITUTION CONO AL**E** AR**E**TTIQUE EST TRES **U**
LNERAB**L**E A LA **Z**R**T**E**T**ANAL**T**SE **E**OUR**U** QUE LE **C**ESS
A**W**E SOIT SUFFISACC**E**NT LON**W** IL SUFFIT DE TENIR
ZO**C**E**T**E DES STATISTIQUES D **O****Z**ZURREN**Z**E DES DIF
FERENTES LETTRES

Finalemment

LA SUBSTITUTION MONO ALPHABETIQUE EST TRES VU
LNERAB**L**E A LA CRYPTANALYSE POURVU QUE LE MESS
AGE SOIT SUFFISAMMENT LONG IL SUFFIT DE TENIR
COMPT**E** DES STATISTIQUES D OCCURREN**C**E DES DIF
FERENTES LETTRES

Substitution+

Au lieu de faire la substitution mono-alphabétique, on peut rendre le code plus difficile à briser en faisant une substitution de mots. Chaque mot est remplacé par un nombre, d'où la nécessité d'un dictionnaire. On peut utiliser des synonymes.

Cette technique n'est pas vraiment pratique. La construction du dictionnaire est fastidieuse. Il faut se déplacer avec le dictionnaire qui pourrait être intercepté. Il est difficile de changer le code.

Substitution++

Différentes techniques peuvent être utilisées pour rendre le chiffrement par substitution plus sécuritaire tout en gardant une clef de taille raisonnable.

Premièrement, on peut utiliser des synonymes. Par exemple, la lettre E se retrouve 14% du temps et on pourrait utiliser 14 symboles différents pour représenter E et ainsi de suite pour les autres symboles.

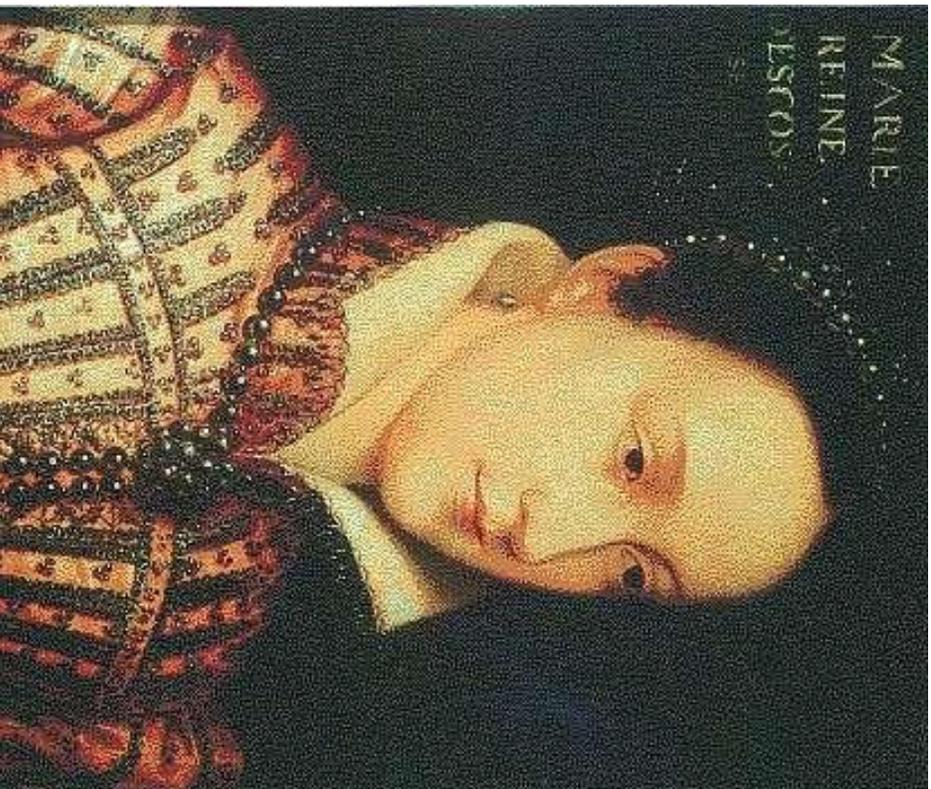
On obtient un code de 100 symboles.

On peut aussi utiliser des blancs (symbole sans signification).

On peut coder certains mots courants par un seul symbole.

etc....

Marie Stuart (1556)



En 1586, Marie Stuart, reine d'Écosse fut jugée en Angleterre.

Elle était accusée d'avoir comploté pour assassiner la [reine Elizabeth](#).

Le complot eut lieu durant son emprisonnement en Angleterre mais Marie utilisait le chiffrement lors de ses communications avec ses complices.

La Reine était réticente à exécuter Marie car elle était sa cousine. Le déchiffrement des lettres rendrait la preuve accablante et ne laisserait aucune chance à Marie.

Marie Stuart (1556)



a b c d e f g h i k l m n o p q r s t u x y z
 o † ^ # a □ θ ∞ i δ κ || ϑ ∇ s m f Δ ε c 7 8 9

Nulles ff. r. . . d.

Dowbleth σ

and for with that if but where as of the from by
 2 3 4 4 4 3 2 2 M 8 X σ

so not when there this in wich is what say me my wyrt
 f X †† ff b x t b m h m m d

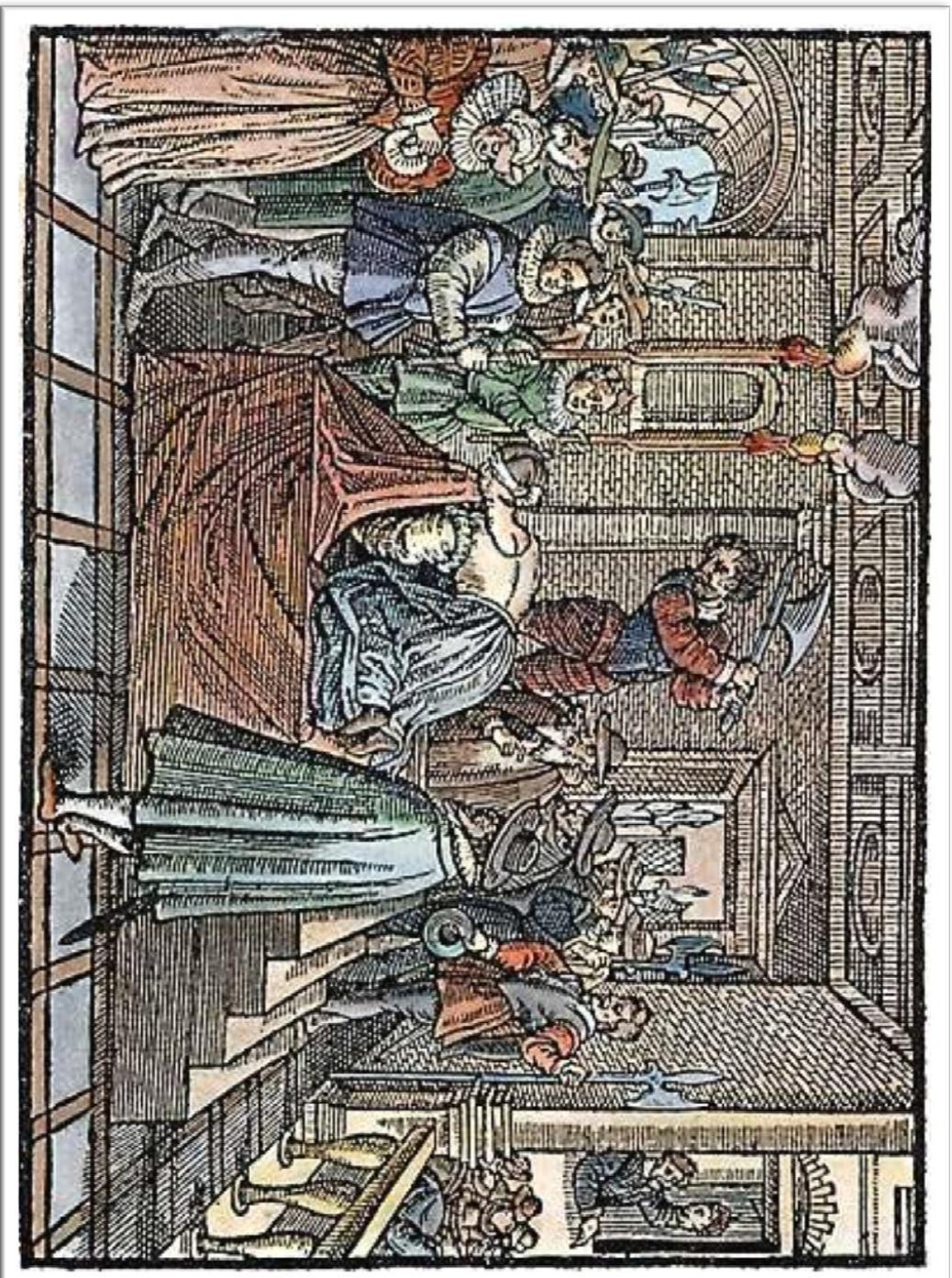
send lre receave bearer I pray you Mte your name myne
 i f t T L r - R 3 ss

Marie Stuart

Gifford transmettait secrètement les lettres de Marie mais c'était en fait un agent double et il transmettait aussi les lettres au services de renseignement de la Reine qui réussirent à briser le code utilisé par Marie.

En plus de lire toute sa correspondance et d'apprendre le contenu, ils ont **falsifié un message** demandant explicitement la liste des personnes impliquées.

Une fin triste pour Marie Stuart



Le chiffre indéchiffrable

Au 16^{ième} siècle, on brisait les codes de façon routinière. La balle était dans le camp des cryptographes. *Vigenère* inventa un code simple et subtil. Il s'agit d'une amélioration du chiffre par décalage. On choisit un mot de code par exemple ALAIN et on l'utilise pour chiffrer.

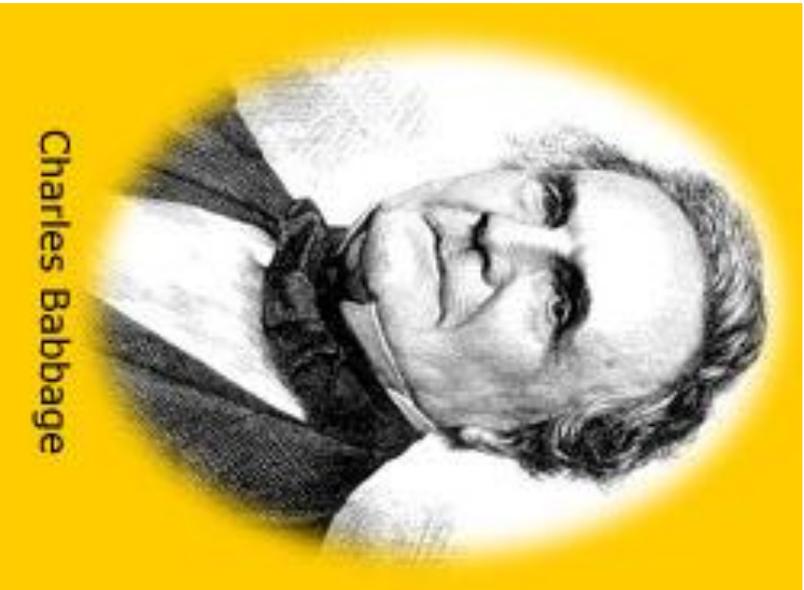
ALAIN=1,12,1,9,14

ALAINALAINALAINALAINALAINALAINALAINALAINALAINALAIN
LE_CODE_DE_VIGENERE_EST_IL_INDECHIFFRABLE
MÒÀLBÈÒÀMSAGJPSOÒSNNEFDUIWMLJWRFOIRTGCBKZFE

Clairement, une attaque statistique simple ne fonctionnera pas. Si le mot de code est suffisamment long (une phrase), essayer toutes les clefs est aussi impossible.

Le chiffre de Vigenère est-il indéchiffrable?

Briser le chiffre indéchiffrable!



Charles Babbage

Les cryptanalystes furent déjoués pendant près de 3 siècles par le chiffre de Vigenère.

Au 19^{ième} siècle, Charles Babbage réussit à le briser.

La technique est relativement simple.

Exemple

OTDHRСИEGTD_LVISHFIESPVFLHDUOIWEGXJKLіRMQHOEEEMX
HFDVXTDQDOWZEGKNWIXNRBDRRSED_TMDQIYLLEYJСХPEIIXE
EFMKHOTFUOFFEQEILHOYSHOJTLGDQDOPTYVYJXFEDIHOPFCRPJ
IOVJWFSZYTIЕOTDІHRSIDVIEHGXEKBDOHIDICTRKDBXEHBGT
UTDZQTDKRKWEOTDRHGWFJTDIRXXEHHVJСРWХHNDQ

1	2	3	4	5
9.5%	19.0%	9%	24.1% H	13.0%
	12.0%	11.7%	17.2% T	10.9%
		15.6%	27.6% D	15.2%
			22.4% E	13.0%
				17.4%
9.5%	15.5%	12.1%	22.8%	13.9%

En considérant que les caractères apparaissant le plus souvent sont soit _ ou E, on peut essayer différentes possibilités. H=E, T=E, D=_ et E=_ donne comme mot de code CODE qui permet de déchiffrer le message.

OTDHRSIEGTD_LVISHFIESPVFLHDUOIWEGXJKLRMQHOEEEMX
HFDVXTDQDOWZEGXNWIKNRBDRRBSED_TMDQIYLEYJCXPEIIXE
EFMXHOTFUOFFEEQELHOYSHOJTLGDQDOPTYJXFDIHOPFCRPJ
IOVJWFSZYTIEOTDIHRSIDVIEHGXEKBDOHIDICTRKDBXEHBGT
UTDZQTDKRXWEOTDRHGWFJTDIRXXEHNVJCPWXHNDQ

LE CODE DE VIGENERE PARAIT PLUS DIFFICILE
A BRISER QUE LA SUBSTITUTION MONO
ALPHABETIQUE IL FUT BRISE PAR BABBAGE UNE
FOIS LA LONGUEUR DE LA CLEF RETROUVEE LE
DECODAGE EST UN JEU D ENFANT ENCORE UNE
FOIS LE MESSAGE DOIT ETRE ASSEZ LONG

Masque jetable

Un code parfait?

Chiffrer un bit d'information avec un bit de clef.



Mensonge



Vérité

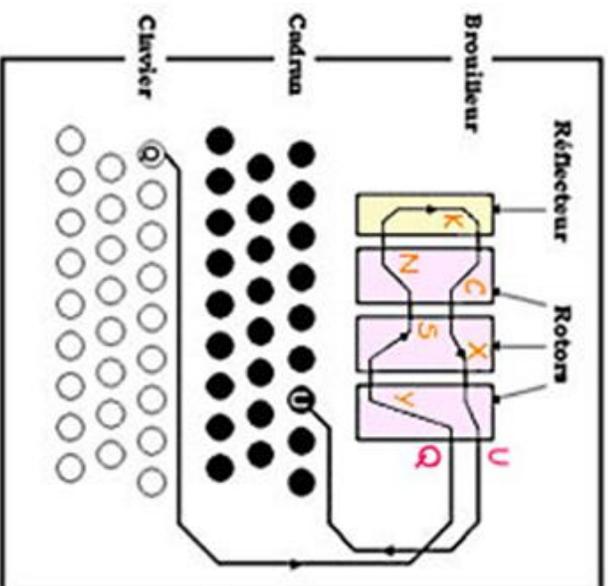
Sécurité du masque jetable

Claude Shannon,
Communication Theory of Secrecy Systems,
Bell System Technical Journal,
vol.28(4), page 656–715, 1949.

ENIGMA



10 millions de milliards de clés



ENIGMA

La première version d'ENIGMA était utilisée comme suit.

Agencement des 3 rotors.

123, 132, 213, 231, 312, 321

6 possibilités.

Position des trois rotors, 3 lettres.

$26 \times 26 \times 26 = 17\,576$ possibilités.

Connexions des fiches (6 connexions).

100 391 791 500 possibilités.

Exemple de clef: (231,DFT,AD,BE,CM,FY,UI,LP)

Nombre total de clefs:

$6 * 17\,576 * 100\,391\,791\,500 = 10\,586\,916\,764\,424\,000$

10 million de milliard de possibilités...

Briser ENIGMA

Sur une période de 10 ans, les Allemands se dotèrent de plus de 30 000 machines ENIGMA.

ENIGMA est un véritable cauchemar pour les cryptanalystes.

Toute attaque statistique est inutile puisque chaque lettre du message est chiffré de façon différente.

Inutile d'essayer de deviner la clef. Il y en a trop.

La plupart des cryptanalystes abandonnèrent rapidement espoir de briser ENIGMA. Il y avait une exception. Les Polonais avaient peur d'une invasion Allemande. Pour eux, briser ENIGMA était vitale.

Briser ENIGMA

Les services de renseignement polonais ont obtenu par l'intermédiaire d'un informateur une description de la machine, ainsi que son mode d'utilisation.

Un livre de code donnait pour chaque jour la clef utilisée. Pour éviter que tous les utilisateurs d'ENIGMA utilisent la même clef, l'opérateur choisissait trois lettres au hasard qu'il chiffrait avec la clef du jour, deux fois. Ensuite la position des rotors était modifiée en fonction de ces trois lettres.

Chaque message était donc chiffré avec une clef différente.

Briser ENIGMA

1932-1944



Marian Rejewski
Polonais



Alan Turing
Britannique

Briser ENIGMA



Marian Rejewski

Le code ENIGMA fut brisé en décembre **1932** par **Marian Rejewski**, travaillant pour les services de renseignement polonais. A partir de 1933, les Polonais ont réussi a déchiffrer des milliers de messages allemands.

Les Polonais on réussi là ou les autres services de renseignement ont échoué.

Briser ENIGMA

La clef du succès de Marian Rejewski fut de se concentrer sur le fait que chaque message commençait par une répétition de 3 lettres.

Par exemple, pour quatre messages interceptés, on pouvait obtenir les données suivantes:

LOKRGM

MVTXZE

JKTMPE

DVYPZX

Chacun de ces chiffres dépend de l'agencement des rotors, du positionnement des fiches et bien sûr, des trois caractères choisis. Examinons la première et la quatrième lettre.

ABCDEFGHIJKLMN OPQRSTUVWXYZ

P M RX

Briser ENIGMA

Il existe $6 \times 26^3 = 105\,456$ positionnements des rotors. Chacun donne lieu à une liste de chaînes avec des tailles caractéristiques. En une année, Marian réussit à construire une table de toutes les possibilités. Pour identifier la position des rotors, il suffisait d'intercepter quelques messages, calculer la longueur des chaînes, et regarder dans la table.

Il restait maintenant à trouver la position des fiches. Une fois les rotors bien positionnés, si on laisse le tableau des fiches vierge, l'opération de déchiffrement donnera un message illisible mais facile à briser. Les lettres sont simplement permutées suivant la position des fiches. Une attaque statistique trouve facilement les branchements.

ENIGMA et Turing



Alan Turing
Britannique

Un peu avant l'invasion allemande, les Polonais on dévoilé leurs techniques pour briser ENIGMA aux Britanniques. La partie n'était pas complètement gagnée. ENIGMA fut modifié durant la guerre. Des rotors furent ajoutés et à un certain moment, les Allemands ont cessé de répéter les trois lettres de la clef. Il y eut donc de courtes périodes pendant lesquelles les Alliés furent incapables de déchiffrer les messages allemands, mais des techniques de plus en plus sophistiquées et un appareillage électrique de plus en plus imposant leur permirent de déjouer les cryptographes allemands.